

STIMATORI DELLA VARIANZA, DELLA COVARIANZA E DELLA CORRELAZIONE

Varianza $\text{var}(X) = \sigma_X^2 = E\{(X - \mu_X)^2\}$

Abbiamo visto che la varianza di una variabile casuale X è data dall'espressione sopra riportata.

STIMATORI DELLA VARIANZA, DELLA COVARIANZA E DELLA CORRELAZIONE

Varianza

$$\text{var}(X) = \sigma_X^2 = E\{(X - \mu_X)^2\}$$

Stimatore

$$s_X^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (X_i - \bar{X})^2.$$

Dato un campione di n osservazioni, lo stimatore usuale della varianza è la somma degli scarti dalla media diviso per $n - 1$, indicato di solito con s_X^2 .

STIMATORI DELLA VARIANZA, DELLA COVARIANZA E DELLA CORRELAZIONE

Varianza

$$\text{var}(X) = \sigma_X^2 = E\{(X - \mu_X)^2\}$$

Stimatore

$$s_X^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (X_i - \bar{X})^2.$$

Dal momento che la varianza è il valore atteso degli scarti di X dalla media, può avere senso considerare la media degli scarti dalla media al quadrato come stimatore. Ma perché dividere per $n - 1$ e non per n ?

STIMATORI DELLA VARIANZA, DELLA COVARIANZA E DELLA CORRELAZIONE

Varianza $\text{var}(X) = \sigma_X^2 = E\{(X - \mu_X)^2\}$

Stimatore $s_X^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (X_i - \bar{X})^2.$

Lo stimatore riportato sopra è corretto.

STIMATORI DELLA VARIANZA, DELLA COVARIANZA E DELLA CORRELAZIONE

Varianza $\text{var}(X) = \sigma_X^2 = E\{(X - \mu_X)^2\}$

Stimatore $s_X^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (X_i - \bar{X})^2.$

Covarianza $\text{cov}(X, Y) = \sigma_{XY} = E\{(X - \mu_X)(Y - \mu_Y)\}$

Stimatore $s_{XY} = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (X_i - \bar{X})(Y_i - \bar{Y}).$

Un aggiustamento simile si può fare anche per la covarianza. Per due variabili casuali X e Y , uno stimatore corretto della covarianza σ_{XY} è dato dalla somma dei prodotti delle deviazioni dalle medie diviso $n - 1$.

STIMATORI DELLA VARIANZA, DELLA COVARIANZA E DELLA CORRELAZIONE

Correlazione

$$\rho_{XY} = \frac{\sigma_{XY}}{\sqrt{\sigma_X^2 \sigma_Y^2}}$$

Il coefficiente di correlazione della popolazione ρ_{XY} per due variabili X e Y viene definito come la covarianza diviso per la radice quadrata dei prodotti delle loro varianze.

STIMATORI DELLA VARIANZA, DELLA COVARIANZA E DELLA CORRELAZIONE

Correlazione

$$\rho_{XY} = \frac{\sigma_{XY}}{\sqrt{\sigma_X^2 \sigma_Y^2}}$$

Stimatore

$$r_{XY} = \frac{s_{XY}}{\sqrt{s_X^2 s_Y^2}} = \frac{\frac{1}{n-1} \sum (X - \bar{X})(Y - \bar{Y})}{\sqrt{\frac{1}{n-1} \sum (X - \bar{X})^2 \frac{1}{n-1} \sum (Y - \bar{Y})^2}}$$

Il coefficiente della Correlazione, r_{XY} , è ottenuto rimpiazzando la covarianza e le varianze dai loro stimatori.

STIMATORI DELLA VARIANZA, DELLA COVARIANZA E DELLA CORRELAZIONE

Correlazione

$$\rho_{XY} = \frac{\sigma_{XY}}{\sqrt{\sigma_X^2 \sigma_Y^2}}$$

Stimatore

$$\begin{aligned} r_{XY} &= \frac{s_{XY}}{\sqrt{s_X^2 s_Y^2}} = \frac{\frac{1}{n-1} \sum (X - \bar{X})(Y - \bar{Y})}{\sqrt{\frac{1}{n-1} \sum (X - \bar{X})^2 \frac{1}{n-1} \sum (Y - \bar{Y})^2}} \\ &= \frac{\sum (X - \bar{X})(Y - \bar{Y})}{\sqrt{\sum (X - \bar{X})^2 \sum (Y - \bar{Y})^2}} \end{aligned}$$

Il fattore $1/(n-1)$ nel numeratore e nel denominatore si semplificano, ottenendo l'espressione riportata sopra.